

التمرين الأول:

I. جسم نقطي (S_1) كتلته m يتحرك في معلم مستوي (O, \vec{i}, \vec{j}) ، شعاع موضعه في كل لحظة يعبر عنه بالعلاقة،

$$\vec{r} = (t^3 + 0,5)\vec{i} + (2t^2)\vec{j}$$

حيث يقدر الزمن بالثانية والمسافة بالمتري.

1 - عند اللحظة $t = 1s$ أوجد:

أ - البعد d للجسم النقطي (S_1) عن مبدأ المعلم.

ب - سرعة الجسم النقطي (S_1).

ج - تسارع الجسم النقطي (S_1).

2 - بين اللحظتين $t_1 = 1s$ و $t_2 = 2s$ أوجد:

أ - مقدار الانتقال.

ب - السرعة المتوسطة.

ج - التسارع المتوسط.

II. متحرك نقطي آخر (S_2) كتلته m يتحرك في معلم مستوي، شعاع تسارعه في كل لحظة يعبر عنه بالعلاقة:

$$\vec{a} = (2t)\vec{i} + \vec{j}$$

أكتب العبارة اللحظية (الزمنية) لكل من شعاع السرعة \vec{v} وشعاع الموضع \vec{r} علما أنه في اللحظة $t = 0$ يكون:

$$\vec{v}_0 = 10\vec{i} + 2\vec{j} \text{ و } \vec{r}_0 = 2\vec{i}$$

التمرين الخامس:معطيات:

• نصف قطر الأرض باعتبارها دائرية الشكل: $R_T = 6,83 \times 10^6 m$

• قيمة شعاع الجاذبية الأرضية على مستوى سطح الأرض: $g_0 = 9,81 N.Kg^{-1}$

1 - باعتبار أن الأرض تملك توزيع كتلي ذي تناظر كروي مركزه O وبإهمال فعل دوران الأرض حول نفسها.

أ - شكل عبارة الجاذبية الأرضية $g(z)$ الناتجة عن الأرض على جسم (S) موجود على العلو z انطلاقا من قانون الجذب العام.

ب - استنتج العبارة الحرفية لكتلة الأرض M_T بدلالة $g(0)$ و R_T و G قيمة ثابت التجاذب العام.

ج - أحسب قيمة كتلة الأرض M_T (من الجانب التاريخي هي الطريق المتبعة من أجل حساب كتلة الأرض)

$$\text{تعطى قيمة } G = 6,67 \times 10^{-11} N.m^2.Kg^{-2}.$$

2 - نعتبر في هذه الحالة قمر صناعي يدور حول الأرض نقطي كتلته m_s ويخضع فقط الى قوة الجذب العام \vec{F} التي تؤثر

بها الأرض وتشكل في المعلم الجيومركزي مسار دائري مركزه O .

أ - بين أن حركة القمر الصناعي دائرية منتظمة.

ب - عبّر عن السرعة المدارية v_{orb} والدور T للقمر الصناعي بدلالة: R_T, G, M_T و z .

3 - يحتوي الجدول التالي قيم الدور لبعض الأقمار وكذلك قيم الارتفاع z للمدارات عن سطح الأرض.

محطة القذف	كورو KOUROU	بايكوكور BAIKO-KOUR	الصين CHINE	الولايات المتحدة USA
القمر	انتيل سات 5	كوسموس 1970	فراق يون 1	USA-35
$T(h)$	23,935h	11h14mn	102,8mn	12h
$z(Km)$	$3,58 \times 10^4$	$1,91 \times 10^4$	$9,00 \times 10^2$	$2,02 \times 10^4$
$T^2(s^2)$				
$r^3 = (R_T + z)^3 (m^3)$				
$\frac{T^2}{r^3} (s^2 / m^3)$				

أ - تأكد أن النسبة $\frac{T^2}{r^3}$ ثابتة، ثم استنتج قيمة كتلة الأرض.

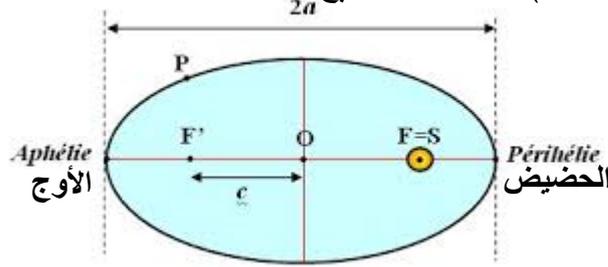
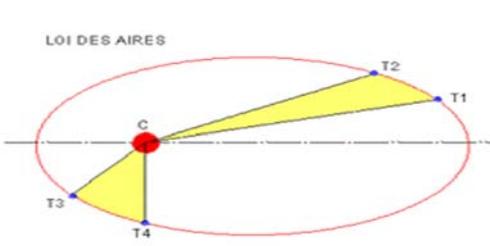
ب - استنتج قيمة كتلة الأرض.

ج - تمت دراسة المذنب هال بوب في ربيع 1997 انطلاقا من الأرض من قبل بعض الفلكيين.

في المرجع الهيليومركزي يشكل مركز عطالة مدار إهليلجي (شكل 1 - 1) تخضع حركته لقوانين كبلر (lois de Kepler).

- القانون الأول (قانون المدارات): يتحرك كل كوكب في المرجع الهيليومركزي وفق مدار إهليلجي يشغل الشمس أحد محرقيه.
- القانون الثاني (قانون المساحات): يمسح شعاع نصف القطر SP الرابط بين مركز الكوكب P مساحات متساوية خلال مجالات زمنية متساوية.

- القانون الثالث (قانون الأدوار): النسبة بين مربع الدور لمدار كوكب حول الشمس ومكعب نصف طول المحور الكبير للمدار



$$\frac{T^2}{a^3} = K \text{ ثابتة}$$

1 - أحسب بالوحدة الفلكية ($U.A$) قيمة نصف القطر الكبير لمذنب هال بوب.

2 - باستعمال التحليل البعدي والتكافؤ بين الوحدات N / Kg و $m.s^{-2}$. اختر العبارة الصحيحة للثابت K ثابت التناسب للقانون

$$K = \frac{4.\pi^2.G.M_s}{D} \text{ , } K = \frac{4.\pi^2}{G.M_s} \text{ .}$$

الجرم	نصف القطر الكبير بالوحدة الفلكية ($U.A$)	الدور بالسنوات
هال بوب		2471
الأرض	1	1

3 - استنتج قيمة كتلة الشمس.

$$1UA = 1,496.10^8 Km \text{ يعطى}$$