

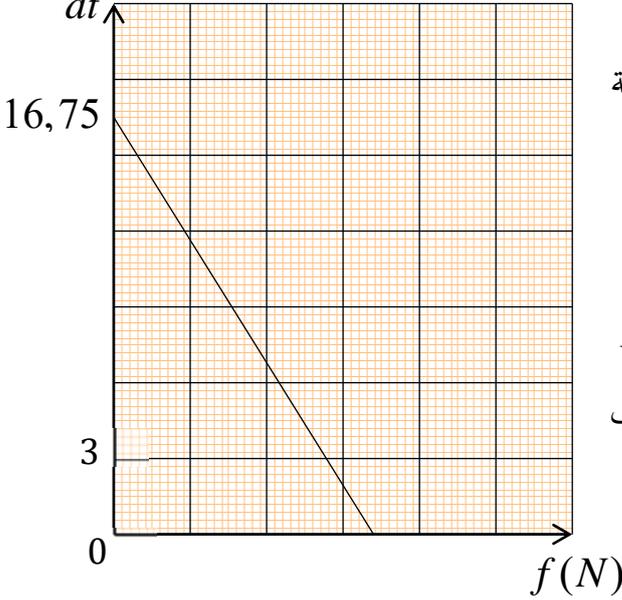
نص الموضوع:

شكّلت حركة سقوط الأجسام لمدة طويلة من الزمن موضوع تساؤل لدى كثير من المفكرين و العلماء المتميزين من أمثال أرسطو، غاليلي و نيوتن.

يهدف هذا التمرين إلى دراسة تأثير كتلة الجسم على تطور سرعته خلال السقوط الشاقولي.

I - تسقط كرية من الفلين كتلتها $m = 6,7 g$ شاقوليا بدون سرعة ابتدائية في جو هادئ، تخضع الكرية أثناء سقوطها لقوة احتكاك \vec{f} تتناسب طردا مع قيمة سرعتها. باستعمال برمجية مناسبة تمكّنا من رسم المنحنى البياني لتغيرات

$$\frac{df}{dt} (\times 10^{-2} N.s^{-1})$$



بدلالة شدة قوة الاحتكاك f الموضح في الشكل - 4.

1 - ما هو المرجع المناسب لدراسة هذه الحركة (عزفه)؟ وما هي الفرضية

المتعلقة بهذا المرجع والتي تسمح بتطبيق القانون الثاني لنيوتن؟

2 - بيّن أنه يمكن إهمال دافعة أرخميدس أمام الثقل.

3 - بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الكرية في المرجع

المناسب بيّن أن المعادلة التفاضلية لشدة قوة الاحتكاك المطبقة على مركز

عطالة الكرية تُكتب بالشكل $\frac{df}{dt} + Af = B$ حيث A و B ثابتين يطلب

تعيين عبارة كل منهما.

4 - ما هو الشرط اللازم لبلوغ شدة قوة الاحتكاك الحدية.

5 - استنتج سلما لمحور فواصل لمنحنى الشكل - 4.

6 - اعتمادا على المنحنى البياني والمعادلة التفاضلية السابقة جد قيمتي كل من: الثابت المميز للحركة τ .

ومعامل الاحتكاك k .

7 - أ / أثبت أن قيمة السرعة الحدية v_{lim} لمركز عطالة الكرية هي $v_{lim} = 4m / s$.

ب / جد شدة التسارع الابتدائي a_0 لمركز عطالة الكرية بطريقتين مختلفتين.

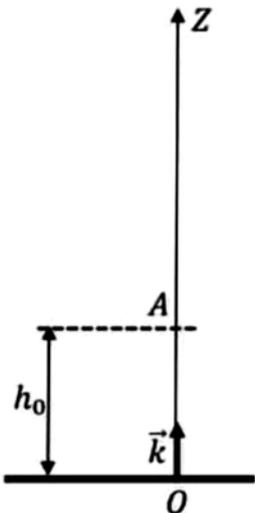
II - نهمل في هذا الجزء تأثير الهواء و دافعة أرخميدس.

بواسطة تجهيز مناسب نقذف كرية الفلين السابقة شاقوليا نحو الأعلى بسرعة ابتدائية \vec{v}_0

من نقطة A حاملها موازي لمحور الحركة (\vec{Oz}) موجودة على ارتفاع $h_0 = 20m$ عن سطح

الأرض.

بفرض أن مبدأ الأزمنة نقطة القذف A . تصل الكرية الى الموضع M لتبلغ ارتفاعها



- الأعظمي h_{\max} عن سطح الأرض بعد مدة زمنية قدرها $t_M = 2s$ ثم تعود للنزول.
لتلامس سطح الأرض عند الموضع N بسرعة قدرها v_N عند اللحظة t_N .
- 1 - أحص القوى المطبقة على مركز عطالة الكرة.
 - 2 - أ / بتطبيق القانون الثاني لنيوتن على مركز عطالة الكرة، جد المعادلة الزمنية للسرعة $v_z(t)$.
ب / استنتج المعادلة الزمنية لتغير الفاصلة الزمنية $z(t)$.
 - 3 - أ / جد قيمة سرعة قذف الكرة v_0 .
ب / جد الارتفاع الأعظمي h_{\max} الذي تبلغه الكرة ب 3 طرق مختلفة.
ج / أوجد قيمتي كل من t_N و v_N .
 - 4 - استنادا الى نتائج الدراساتين اشرح تأثير كتلة الجسم على تطور سرعة مركز عطالته خلال السقوط الشاقولي.
- يعطى:**

تسارع الجاذبية الأرضية: $g = 10m / s^2$

الكتلة الحجمية للفلين: $\rho_L = 200kg.m^{-3}$

الكتلة الحجمية للهواء: $\rho_{air} = 1,3kg.m^{-3}$